

## MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CIENCIAS SOCIAIS

**PROBLEMAS:** Ata 2 puntos cada problema

1. Dadas as matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & m^2 + m \end{pmatrix}$  e  $C = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$ 
  - Calcule os valores de  $m$  para os que se verifica a ecuación matricial  $A \cdot B = C$
  - Para  $m = 2$ , calcule a matriz inversa de  $B$ .
2. Nuha liña de produción, “ $x$ ” empregados producen “ $y$ ” unidades por mes, sendo  $y$  a función de  $x$  definida por
 
$$y = f(x) = 80x^2 - 0,1x^4, \quad \text{con } x > 0$$
 Calcule cuntos empregados,  $x$ , deben asignarse á liña de producción para obter unha producción mensual,  $y$ , máxima. ¿Cal é esa producción mensual máxima?
3. Para a construción dun panel luminoso dispone dun colector con 200 lámpadas brancas, 150 lámpadas azuis e 250 lámpadas vermelas. A probabilidade de que unha lámpada do colector non funcione é 0,01 se a lámpada é branca, 0,02 se a lámpada é azul e 0,03 se a lámpada é vermella. Elíxese ao azar unha lámpada do colector
  - Calcule a probabilidade de que a lámpada non funcione.
  - Sabendo que a lámpada elixida funciona, calcule a probabilidade de que dita lámpada sexa vermella

**CUESTIÓNS:** Valórase con 1 punto a resposta correcta, 0 puntos se non se contesta e -0,5 puntos se a resposta é incorrecta.

1. Dada a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & k & 4 \\ 4 & 4 & 8 \end{pmatrix}$ , o seu rango é
  - 1, se  $k = 2$
  - 2, se  $k = 2$
  - 3, se  $k \neq 2$
2. A derivada da función  $f(x) = \frac{x^3 - 1}{x+3}$  en  $x = 0$  é
  - 1/9
  - 1/9
  - 1/3
3. A función  $f(x) = \begin{cases} 3x^2 - \frac{x}{2} & \text{si } x < 1 \\ \frac{x^3}{2} + 2 & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$ 
  - É continua e derivable en  $x = 1$
  - É continua en  $x = 1$  e non é derivable en  $x = 1$
  - Non é continua en  $x = 1$
4. Sexan  $A$  e  $B$  sucesos aleatorios con  $P(A) = 0,6$ ,  $P(B) = 0,4$  e  $P(A \cap B) = 0,3$ . Entón
  - $A$  e  $B$  son sucesos independentes
  - $A$  e  $B$  son sucesos dependentes
  - $A$  e  $B$  son sucesos incompatibles

## MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CIENCIAS SOCIAIS

**PROBLEMAS:** *Hasta 2 puntos cada problema*

1. Dadas las matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & m^2 + m \end{pmatrix}$  e  $C = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$
- Calcule los valores de  $m$  para los que se verifica la ecuación matricial  $A \cdot B = C$
  - Para  $m = 2$ , calcule la matriz inversa de  $B$ .

2. En una línea de producción, “ $x$ ” empleados producen “ $y$ ” unidades por mes, siendo  $y$  la función de  $x$  definida por

$$y = f(x) = 80x^2 - 0,1x^4, \quad \text{con } x > 0$$

Calcule cuántos empleados,  $x$ , deben asignarse a la línea de producción para obtener una producción mensual,  $y$ , máxima. ¿Cuál es dicha producción mensual máxima?

3. Para la construcción de un panel luminoso se dispone de un contenedor con 200 bombillas blancas, 150 bombillas azules y 250 bombillas rojas. La probabilidad de que una bombilla del contenedor no funcione es 0,01 si la bombilla es blanca, 0,02 si la bombilla es azul y 0,03 si la bombilla es roja. Se elige al azar una bombilla del contenedor

- Calcule la probabilidad de que la bombilla no funcione.
- Sabiendo que la bombilla elegida funciona, calcule la probabilidad de que dicha bombilla sea roja

**CUESTIONES:** *Se valora con 1 punto la respuesta correcta, 0 puntos si no se contesta y -0,5 puntos si la respuesta es incorrecta.*

1. Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & k & 4 \\ 4 & 4 & 8 \end{pmatrix}$ , su rango es

- 1, si  $k = 2$
- 2, si  $k = 2$
- 3, si  $k \neq 2$

2. La derivada de la función  $f(x) = \frac{x^3-1}{x+3}$  en  $x = 0$  es

- 1/9
- 1/9
- 1/3

3. La función  $f(x) = \begin{cases} 3x^2 - \frac{x}{2} & \text{si } x < 1 \\ \frac{x^3}{2} + 2 & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$

- Es continua y derivable en  $x = 1$
- Es continua en  $x = 1$  y no es derivable en  $x = 1$
- No es continua en  $x = 1$

4. Sean  $A$  y  $B$  sucesos aleatorios con  $P(A) = 0,6$ ,  $P(B) = 0,4$  y  $P(A \cap B) = 0,3$ . Entonces

- $A$  y  $B$  son sucesos independientes
- $A$  y  $B$  son sucesos dependientes
- $A$  y  $B$  son sucesos incompatibles