

**MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CIENCIAS SOCIAIS**
**PROBLEMAS: Ata 2 puntos cada problema**

1. Dadas as matrices  $A = \begin{pmatrix} m & 4 & 4 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $C = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ 
  - a) Determine para que valores de  $m$  existe a matriz inversa de  $A$ .
  - b) Despexe a matriz  $X$  tal que  $X \cdot A + B = C$  e calcúlea para  $m=1$ .
2. Un canal de TV sabe que a porcentaxe de persoas que ven o dito canal entre as 6 da tarde e as 12 da noite vén dada pola función  $S(t) = 660 - 231t + 27t^2 - t^3$  sendo  $t$  as horas transcorridas dende as 12 en punto da mañá.
  - a) A que hora ten a máxima e a mínima audiencia o dito canal entre as 6 da tarde e as 12 da noite?
  - b) Que porcentaxe de persoas ve o canal a esas horas de máxima e mínima audiencia?
  - c) Debuxe a gráfica da función  $S(t)$  para  $t$  comprendido entre as 6 da tarde e as 12 da noite.
3. Unha empresa de telefonía ofrece tres tipos de tarifas: A, B e C, tendo un 45%, 30% e 25% de clientes abonados a cada unha delas, respectivamente. Detectase que o 3%, 5% e 1% dos abonados á tarifa A, B e C, respectivamente, cancela o seu contrato pasado o período de permanencia. Elíxese un cliente ao azar:
  - a) Se cancela o seu contrato, cal é a probabilidade de que estivese na tarifa C?
  - b) Cal é a probabilidade de que non cancele o contrato pasado o período de permanencia?
  - c) Calcule a probabilidade de que sexa abonado da tarifa A e decida cancelar o contrato pasado o período de permanencia.

**CUESTIÓNS: Valórase con 1 punto a resposta correcta, 0 puntos se non se contesta e -0,5 puntos se a resposta é incorrecta.**

1. A matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & k & 1 \\ k & 1 & k \\ 0 & k & 1 \end{pmatrix}$  ten inversa se
  - a)  $k \neq -1$
  - b)  $k \neq 1$
  - c)  $k \neq 1$  e  $k \neq -1$
2. A derivada da función  $f(x) = \frac{2}{x}$  en  $x = 1/2$  vale
  - a)  $-8$
  - b)  $1/2$
  - c)  $-2$
3. A función  $f(x) = \frac{18+x^2}{(x+3)^2}$  representa o número de individuos, en millóns, dunha poboación ( $x$  é o tempo, en anos, desde  $x=0$ ). O tamaño da poboación a longo prazo (cando  $x$  tende a infinito) será
  - a) 1
  - b) 18
  - c)  $+\infty$
4. Sexan  $A$  e  $B$  sucesos aleatorios con  $P(B) = P(\overline{A}) = 0,6$  e  $P(A \cap B) = 0,3$ . Entón
  - a)  $P(A \cup B) = 0,4$
  - b)  $P(A \cup B) = 0,9$
  - c)  $P(A \cup B) = 0,7$

**MATEMÁTICAS APLICADAS ÀS CIÊNCIAS SOCIAIS**
**PROBLEMAS: Hasta 2 puntos cada problema**

1. Dadas las matrices  $A = \begin{pmatrix} m & 4 & 4 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $C = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ 
  - a) Determine para qué valores de  $m$  existe la matriz inversa de  $A$ .
  - b) Despeje la matriz  $X$  tal que  $X \cdot A + B = C$  y calcúlela para  $m=1$ .
  
2. Un canal de televisión sabe que el porcentaje de personas que ven dicho canal entre las 6 de la tarde y las 12 de la noche viene dado por la función  $S(t) = 660 - 231t + 27t^2 - t^3$ , donde  $t$  son las horas transcurridas desde las 12 de la mañana
  - a) ¿A qué hora este canal tiene su máximo y mínimo de audiencia entre las 6 de la tarde y las 12 de la noche?
  - b) ¿Qué porcentaje de personas ve el canal en esas horas de máxima y mínima audiencia?
  - c) Dibuja la gráfica de la función  $S(t)$  para  $t$  entre las 6 pm y las 12 pm.
  
3. Una compañía telefónica ofrece tres tipos de tarifas: A, B y C, estando abonados el 45%, 30% y 25% de los clientes a cada una de ellas, respectivamente. Se detecta que el 3%, el 5% y el 1% de los abonados a la tarifa A, B y C, respectivamente, cancelan su contrato una vez finalizado el período de permanencia. Se elige un cliente al azar:
  - a) Si cancela su contrato, ¿cuál es la probabilidad de que estuviera en la tarifa C?
  - b) ¿Cuál es la probabilidad de que el contrato no se cancele después del período de permanencia?
  - c) Calcule la probabilidad de que sea abonado de la tarifa A y decida cancelar el contrato, transcurrido el periodo de permanencia.

**CUESTIONES: Se valora con 1 punto la respuesta correcta, 0 puntos si no se contesta y -0,5 puntos si la respuesta es incorrecta.**

1. La matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & k & 1 \\ k & 1 & k \\ 0 & k & 1 \end{pmatrix}$  tiene inversa si
  - a)  $k \neq -1$
  - b)  $k \neq 1$
  - c)  $k \neq 1$  y  $k \neq -1$
  
2. La derivada de la función  $f(x) = \frac{2}{x}$  en  $x = 1/2$  vale
  - a)  $-8$
  - b)  $1/2$
  - c)  $-2$
  
3. La función  $f(x) = \frac{18+x^2}{(x+3)^2}$  representa el número de individuos, en millones, de una población ( $x$  es el tiempo, en años, desde  $x=0$ ). El tamaño de la población a largo plazo (cuando  $x$  tiende a infinito) será
  - a) 1
  - b) 18
  - c)  $+\infty$
  
4. Sean  $A$  y  $B$  sucesos aleatorios con  $P(B) = P(\overline{A}) = 0,6$  y  $P(A \cap B) = 0,3$ . Entonces
  - a)  $P(A \cup B) = 0,4$
  - b)  $P(A \cup B) = 0,9$
  - c)  $P(A \cup B) = 0,7$

**MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CIENCIAS SOCIAIS**
**PROBLEMAS: Ata 2 puntos cada problema**

- Dadas as matrices  $A = \begin{pmatrix} m & 4 & 4 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $C = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ 
  - Determine para que valores de  $m$  existe a matriz inversa de  $A$ .
  - Despexe a matriz  $X$  tal que  $X \cdot A + B = C$  e calcúlea para  $m=1$ .
- Un canal de TV sabe que a porcentaxe de persoas que ven dito canal entre as 6 da tarde e as 12 da noite ven dada por a función  $S(t) = 660 - 231t + 27t^2 - t^3$  sendo  $t$  as horas transcorridas dende as 12 en punto da mañá.
  - A qué hora, ten a máxima e a mínima audiencia dito canal, entre as 6 da tarde e as 12 da noite?
  - Qué porcentaxe de persoas ve o canal a esas horas de máxima e mínima audiencia?
  - Debuxe a gráfica da función  $S(t)$  para  $t$  comprendido entre as 6 da tarde e as 12 da noite.
- Unha empresa de telefonía ofrece tres tipos de tarifas: A, B e C, tendo un 45%, 30% e 25% de clientes abonados a cada unha delas, respectivamente. Detectase que o 3%, 5% e 1% dos abonados a tarifa A, B e C, respectivamente, cancela o seu contrato pasado o período de permanencia. Elíxese un cliente o azar:
  - Se cancela o seu contrato, cal e a probabilidade de que estivese na tarifa C?
  - Cal e a probabilidade de que non cancele o contrato pasado o período de permanencia?
  - Calcule a probabilidade de que sexa abonado da tarifa A e decida cancelar o contrato, pasado o período de permanencia.

**CUESTIÓNS: Valórase con 1 punto a resposta correcta, 0 puntos se non se contesta e -0,5 puntos se a resposta é incorrecta.**

- A matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & k & 1 \\ k & 1 & k \\ 0 & k & 1 \end{pmatrix}$  ten inversa se
  - $k \neq -1$
  - $k \neq 1$
  - $k \neq 1$  e  $k \neq -1$
- A derivada da función  $f(x) = \frac{2}{x}$  en  $x = 1/2$  vale
  - 8
  - 1/2
  - 2
- A función  $f(x) = \frac{18+x^2}{(x+3)^2}$  representa o número de individuos, en millóns, de unha poboación ( $x$  e o tempo, en anos, dende  $x=0$ ). O tamaño da poboación a longo prazo (cando  $x$  tende a infinito) será
  - 1
  - 18
  - $+\infty$
- Sexan  $A$  e  $B$  sucesos aleatorios con  $P(B) = P(\overline{A}) = 0,6$  e  $P(A \cap B) = 0,3$ . Entón
  - $P(A \cup B) = 0,4$
  - $P(A \cup B) = 0,9$
  - $P(A \cup B) = 0,7$

**MATEMÁTICAS APLICADAS ÀS CIÊNCIAS SOCIAIS**
**PROBLEMAS: Hasta 2 puntos cada problema**

1. Dadas las matrices  $A = B = C = \begin{pmatrix} m & 4 & 4 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ 
  - a) Determine para que valores de  $m$  existe la matriz inversa de  $A$ .
  - b) Despeje la matriz  $X$  tal que  $X \cdot A + B = C$  y calcúlela para  $m=1$ .
2. Un canal de televisión sabe que el porcentaje de personas que ven dicho canal entre las 6 de la tarde y las 12 de la noche viene dado por la función  $S(t) = 660 - 231t + 27t^2 - t^3$ , donde  $t$  son las horas transcurridas desde las 12 de la mañana
  - a) ¿A qué hora, este canal tiene su máximo y mínimo de audiencia, entre las 6 de la tarde y las 12 de la noche?
  - b) ¿Qué porcentaje de personas ve el canal en esas horas de máxima y mínima audiencia?
  - c) Dibuja la gráfica de la función  $S(t)$  para  $t$  entre las 6 pm y las 12 pm.
3. Una compañía telefónica ofrece tres tipos de tarifas: A, B y C, estando abonados el 45%, 30% y 25% de los clientes a cada una de ellas, respectivamente. Se detecta que el 3%, el 5% y el 1% de los abonados a la tarifa A, B y C, respectivamente, cancelan su contrato una vez finalizado el período de permanencia. Se elige un cliente al azar:
  - a) Si cancela su contrato, ¿cuál es la probabilidad de que estuviera en la tarifa C?
  - b) ¿Cuál es la probabilidad de que el contrato no se cancele después del período de permanencia?
  - c) Calculela probabilidad de que sea abonado de la tarifa A y decida cancelar el contrato, transcurrido el periodo de permanencia.

**CUESTIONES: Se valora con 1 punto la respuesta correcta, 0 puntos si no se contesta y -0,5 puntos si la respuesta es incorrecta.**

1. La matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & k & 1 \\ k & 1 & k \\ 0 & k & 1 \end{pmatrix}$  tiene inversa si
  - a)  $k \neq -1$
  - b)  $k \neq 1$
  - c)  $k \neq 1$  y  $k \neq -1$
2. La derivada de la función  $f(x) = \frac{2}{x}$  en  $x = 1/2$  vale
  - a)  $-8$
  - b)  $1/2$
  - c)  $-2$
3. La función  $f(x) = \frac{18+x^2}{(x+3)^2}$  representa el número de individuos, en millones, de una población ( $x$  es el tiempo, en años, desde  $x=0$ ). El tamaño de la población a largo plazo (cuando  $x$  tiende a infinito) será
  - a) 1
  - b) 18
  - c)  $+\infty$
4. Sean A y B sucesos aleatorios con  $P(B) = P(\overline{A}) = 0,6$  y  $P(A \cap B) = 0,3$ . Entonces
  - a)  $P(A \cup B) = 0,4$
  - b)  $P(A \cup B) = 0,9$
  - c)  $P(A \cup B) = 0,7$

**MATEMÁTICAS APLICADAS ÀS CIÊNCIAS SOCIAIS****CRITERIOS DE AVALIACIÓN****PROBLEMAS****1)**

- a) Determinar para que valores de  $m$  existe a matriz inversa de  $A$ . *(1 punto)*
- b) Despejar a matriz  $X$  tal que  $X \cdot A + B = C$  e calcúlea para  $m=1$ . *(1 punto)*

**2)**

- a) A qué hora, ten a máxima e a mínima audiencia dito canal, entre as 6 da tarde e as 12 da noite? *(0,75 puntos)*
- b) Qué porcentaxe de persoas ve o canal a esas horas de máxima e mínima audiencia? *(0,75 puntos)*
- c) Debuxar a gráfica da función  $S(t)$  para  $t$  comprendido entre as 6 da tarde e as 12 da noite. *(0,75 puntos)*

**3)**

- a) Se cancela o seu contrato, cal e a probabilidade de que estivese na tarifa  $C$ ? *(1 punto)*
- b) Cal e a probabilidade de que non cancele o contrato pasado o período de permanencia? *(0,5 puntos)*
- c) Calcular a probabilidade de que sexa abonado da tarifa  $A$  e decida cancelar o contrato, pasado o período de permanencia. *(0,5 puntos)*

**CUESTIÓNS**

- 1)** Resposta correcta *(c)* *(1 punto)*  
Resposta incorrecta *(-0,5)*
- 2)** Resposta correcta *(a)* *(1 punto)*  
Resposta incorrecta *(-0,5)*
- 3)** Resposta correcta *(c)* *(1 punto)*  
Resposta incorrecta *(-0,5)*
- 4)** Resposta correcta *(c)* *(1 punto)*  
Resposta incorrecta *(-0,5)*